

# 「確率論」(熊谷隆著 共立出版) 正誤表 4

Update: 2019年1月26日

以下は、初版第5刷発行後に見つかったミスです。間違い・問題点をご指摘下さった、江崎翔太氏、木上淳氏、藤浪靖人氏に感謝いたします。

\*\*\*\*\*

◇注意◇ 「P11, l. 3」, 「P11, l. (-4)」は、それぞれ「11 ページ 3 行目」, 「11 ページ下から 4 行目」の意味。

P17, 3: 「 $\Lambda_i = \pi_{i_n}^{-1}(A_{i_n})$ 」は、「 $\Lambda_n = \pi_{i_n}^{-1}(A_{i_n})$ 」の間違い。

P24, 定理 1.3.5 の証明: 「 $A_n^\epsilon = \{\omega : |S_n(\omega)/n - m| > \epsilon\}$  とおくと、」からその 3 行下の「を得る。そこで」までは不要なので削る。(第 1 刷の時と証明を変更したため、この部分は不要になった。)

P169, 定理 A.2.2: 以下のように変更する。

$\mu$  が  $(\mathbf{R}^n, \mathcal{B}(\mathbf{R}^n))$  上の測度であるとき、 $\mu(B_1) < \infty$  なる任意の  $B_1 \in \mathcal{B}(\mathbf{R}^n)$  と任意の  $B_2 \in \mathcal{B}(\mathbf{R}^n)$  に対して  $K_m \subset B_1, B_2 \subset O_m$  となるコンパクト集合の列  $\{K_m\}$  と開集合の列  $\{O_m\}$  が存在して次を満たす。

$$\lim_{m \rightarrow \infty} \mu(B_1 \setminus K_m) = 0, \quad \lim_{m \rightarrow \infty} \mu(O_m \setminus B_2) = 0.$$

P179, 問 1.4.6 の解答:  $\theta_\xi^1, \theta_\xi^2$  は確率変数なので、これらを平均の外に出すというテキストの解答には問題がある。そこで、解答の「仮定から右辺第 1 項は  $N \rightarrow \infty$  で 0 に収束し、」以降を以下のように修正する。

また  $E[(Y_{1,N})^2] = 1$  なので

$$\left| E[(Y_{1,N})^2 F(\xi, Y_{1,N}) 1_{\{|Y_{1,N}|/\sqrt{N} \leq \epsilon\}}] - 1 \right| \leq E[(Y_{1,N})^2 \cdot |F(\xi, Y_{1,N}) 1_{\{|Y_{1,N}|/\sqrt{N} \leq \epsilon\}} - 1|] =: I_{N,\xi,\epsilon}$$

となる。 $0 < \theta_\xi^1, \theta_\xi^2 < \xi$  と  $|Y_{1,N}|/\sqrt{N} \leq \epsilon$  に注意すると

$$|F(\xi, Y_{1,N}) 1_{\{|Y_{1,N}|/\sqrt{N} \leq \epsilon\}} - 1| \leq \sup_{|x| \leq \xi\epsilon} |\cos x - 1| + \sup_{|y| \leq \xi\epsilon} |\sin x| =: g(\xi\epsilon)$$

なので、 $I_{N,\xi,\epsilon} \leq g(\xi\epsilon) E[(Y_{1,N})^2] = g(\xi\epsilon)$  が成り立つ。ここで  $\lim_{\epsilon \rightarrow 0} g(\xi\epsilon) = 0$  であるから、結局 (1.4.22) を得る。